الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

الديوان الوطني للامتحانات والمسابقات

دورة: جوان 2014

وزارة التربية الوطنية

امتحان بكالوريا التعليم الثانوي

الشعبة :علوم تجريبية

المدة: 3 سا و30 د

اختبار في مادة: الرياضيات

على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين: الموضوع الأول

التمرين الأول: (04 نقاط)

 $u_{n+1}=rac{2}{3}u_n-rac{4}{3}$ ، n عدد طبیعی عدد طبیعی $u_0=1$: لتکن $u_0=1$ المنتالیة العددیة المعرّفة کما یلی:

 $v_n=u_n+4$ ، $v_n=u_n+4$ ، المنتالية العددية المعرّفة كما يلي: من أجل كل عدد طبيعي

لكوّل. و متالية هندسية يُطلب تعيين أساسها و حدّها الأول. (v_n) بيّن أنّ

 u_n و u_n بدلالة u_n اكتب كلا من u_n و u_n

 \mathbb{N} ادرس اتجاه تغیر المنتالیة (u_n) علی (3

 $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_n$ حيث: $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_n$ (4

 $w_n = 5\left(\frac{1}{v_n + 5} - 1\right)$ المتتالية العددية المعرّفة على N كما يلي: (5 لتكن w_n

أ) بيّن أنّ المتتالية (w_n) متزايدة تماما على N.

 $\lim_{n\to+\infty} (u_n - w_n) \pmod{(-1)}$

التمرين الثاني: (05 نقاط)

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$.

.D(1;1;1) و C(1;-1;2) ، B(-1;2;1) ، A(2;-1;1) و نعتبر النقط

1) أ) تحقق أنّ النقط B ، A و C تُعيّن مستويا.

 $\widehat{n}(1;1;1)$ هو شعاع ناظمي للمستوي $\widehat{n}(1;1;1)$.

ج) اكتب معادلة ديكارتية للمستوى (ABC).

 $\{(A;1),(B;2),(C;-1)\}$ انتكن النقطة G مرجح الجملة المثقلة (2

أ) احسب إحداثيات 6.

||MA + 2MB - MC|| = 2 ||MD|| بين أن ||MD|| = 2MB - MC|| = 2 ||MD|| مجموعة النقط <math>M من الفضاء الني تحقق: ||MA + 2MB - MC|| = 2 ||MD|| بين أن ||MA + 2MB - MC|| = 2 ||MD||

.6x-4y+2z+3=0 : هي (Γ) هي أثبت أنّ معادلة (Γ)

(المستویین (ABC) و (Γ) یتقاطعان وفق مستقیم (Δ) یُطلب تعیین تمثیل وسیطی له.

B 6 R 1 2 A 1 2 B A C 2 0 1 4

التمرين الثالث: (05 نقاط)

. $z^2 - 6\sqrt{2}z + 36 = 0$ المعادلة (1 المركبة) حل في مجموعة الأعداد المركبة

المستوي المركب منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$ ، لتكن النقط C، B ، A و C التي (2)

$$z_D=rac{z_C}{2}$$
 و $z_C=6\sqrt{2}$ ، $z_B=\overline{z_A}$ ، $z_A=3\sqrt{2}\left(1+i
ight)$ و کادخة اتها على الترتیب

أ) اكتب z_A ، z_A و z_B ، على الشكل الأسى.

$$\cdot \left(\frac{\left(1+i\right)z_A}{6\sqrt{2}}\right)^{2014} \quad (\psi$$

ج) بيّن أنّ النقط B، A، O و C تتتمى إلى نفس الدائرة التي مركزها D، يطلب تعيين نصف قطرها.

$$OACB$$
 ثم جد قيسا للزاوية $\left(\overline{CA},\overline{CB}\right)$. ما هي طبيعة الرباعي د) د

نیکن R الدوران الذي مرکزه O و زاویته $rac{\pi}{2}$.

أ) اكتب العبارة المركبة للدوران R.

ب) عيّن لاحقة النقطة C صورة C بالدوران R ثم تحقق أنّ النقط A ، C في استقامية.

جـ) عين لاحقة النقطة A صورة A بالدوران R ثم حدّد صورة الرباعي OACB بالدوران R

التمرين الرابع: (06 نقاط)

نعتبر الدالة العددية f المعرقة على المجال $[0;+\infty[$ كما يلي: $f(x)=1+rac{2\ln x}{x}$ و روزي تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

ا) أ) أحسب f(x) و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ فستر النتيجتين هندسيا. و $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ على المجال $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ برس اتجاه تغيّر الدالة f على المجال $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ ثم شكّل جدول تغيّر اتها.

 \cdot y=1 الذي معادلته: Δ الذي المستقيم (Δ) الذي معادلته: C_f

ب) اكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) في النقطة ذات الفاصلة (T)

 $e^{-0.4} < \alpha < e^{-0.3}$ حيث أنّ المعادلة f(x) = 0 تقبل في المجال g(x) = 0 حيث أنّ المعادلة وحيدا

 (C_r) و (T).

 $h(x) = 1 + \frac{2\ln|x|}{|x|}$: كما يلي: $\mathbb{R} - \{0\}$ كما المعرفة على $h(x) = 1 + \frac{2\ln|x|}{|x|}$

و ليكن (٢٤) تمثيلها البياني في نفس المعلم السابق.

أ) بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x غير معدوم، h(x) - h(-x) = 0 ماذا تستتج

 (C_r) اعتمادا على المنحنى (C_h) اعتمادا على المنحنى

 $\ln x^2 = (m-1)|x|$: ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقي m، عدد حلول المعادلة:

الموضوع الثاتي

التمرين الأول: (04 نقاط)

- $u_n = e^{\frac{1}{2}-n}$: المعرفة على مجموعة الأعداد الطبيعية $\mathbb N$ يحدها العام (u_n) نعتبر المنتالية العددية
 - (e هو أساس اللوغاريتم النيبيري) .
 - 1) بين أن (u_n) متتالية هندسية ، يُطلب تعيين أساسها و حدّها الأول.
 - ب ماذا تستنج $\lim_{n\to+\infty}u_n$ احسب (2
 - $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + ... + u_n$ حيث: S_n المجموع S_n المجموع (3
 - نضع، من أجل كل عدد طبيعي n ، n $u_n = \ln(u_n)$ ، الموغاريتم النبييري).
 - ا) عبر عن v_n بدلالة n ثم استنج نوع المنتالية (v_n) .
 - $P_n = \ln(u_0 \times u_1 \times u_2 \times ... \times u_n)$: Let P_n let P_n let P_n
 - $P_n + 4n > 0$:بين مجموعة قيم العدد الطبيعي n بحيث

التمرين الثاني: (05 نقاط)

C(2;0;0) و B(1;-2;-3) ، A(1;-1;-2) انقط انقط B(1;-2;-3) ، نعتبر النقط انقط انقط المتعامد والمتجانس B(1;-2;-3) ، نعتبر

- . ا) أ) برهن أن A:A و C ليست في استقامية A
 - ب) اكتب تمثيلا وسيطيا للمستوي (ABC).
- x+y-z-2=0 أنّ x+y-z-2=0 هي معادلة ديكارتية للمستوى
 - نعتبر المستويين (P) و (Q) المعرقين بمعادلتيهما كما يلى:
 - (Q):3x+2y-z+10=0 (P):x-y-2z+5=0

$$(Q):3x+2y-z+10=0$$
 و $(P):x-y-2z+3=0$ $(Z):3x+2y-z+10=0$ و $(P):x-y-2z+3=0$. $\begin{cases} x=t-3 \\ y=-t \\ z=t+1 \end{cases}$ ($(Q):3x+2y-z+10=0$ و $(P):x-y-2z+3=0$ بر هن أن $(Q):3x+2y-z+10=0$ و $(P):x-y-2z+3=0$ بر هن أن $(Q):3x+2y-z+10=0$ و $(P):x-y-2z+3=0$

- (Q) عين تقاطع المستويات (ABC)، (P)، و (3)
- (P) المسافة بين M(x;y;z) المسافة بين M(x;y;z) لتكن (A)
 - و d(M,(Q),M) المسافة بين M و المستوى d(Q)، عيّن المجموعة d(M,(Q)) بحيث:
 - $.\sqrt{6}\times d(M,(P)) = \sqrt{14}\times d(M,(Q))$

التمرين الثالث: (04 نقاط)

- 1) حل في مجموعة الأعداد المركبة C المعادلة ذات المجهول z حيث:
 - $(z-i)(z^2-2z+5)=0$
- (2) في المستوي المركب المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \overline{u}, \overline{v})$ وحدة الطول (2) ، تعطى
 - . النقط B ، B و C التي لاحقاتها: $Z_A=i$ ، نقط B ، B و B ، B الترتيب
 - أ) أنشئ النقط A ، B ، A أ
 - ب) جد z_H لاحقة النقطة H المسقط العمودي للنقطة A على المستقيم (BC).
 - ج) احسب مساحة المثلث ABC.

$$\frac{\pi}{2}$$
 ليكن $\frac{1}{2}$ التشابه المباشر الذي مركزه A و نسبته $\frac{1}{2}$ وزاويته $\frac{\pi}{2}$

أ عين الكتابة المركبة للتشابه 5.

$$\frac{1}{2}cm^2$$
 بيّن أنّ مساحة صورة المثلث ABC بالتشابه S تساوي

$$|z|=|iz+1+2i|$$
 عين مجموعة النقط M حيث: z عين مجموعة M

التمرين الرابع: (07 نقاط)

$$g(x) = 2x^3 - 4x^2 + 7x - 4$$
 كما يلي: $g(x) = 2x^3 - 4x^2 + 7x - 4$ كما يلي: $g(x) = 2x^3 - 4x^2 + 7x - 4$

د انسب $\lim_{x \to +\infty} g(x)$ و انسب $\lim_{x \to -\infty} g(x)$

ب) ادرس اتجاه تغير الدالة g على R ثم شكّل جدول تغيراتها.

$$0.7 أ) بيّن أنّ المعادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا $lpha$ حيث $g(x)=0$$$

. g(x) با استنتج حسب قيم العدد الحقيقي x إشارة

$$f(x) = \frac{x^3 - 2x + 1}{2x^2 - 2x + 1}$$
: كما يلي: \mathbb{R} كما يلي: f المعرقة على f المعرقة على الدالة العددية

 $O(\vec{i}, \vec{j})$ مثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $O(\vec{i}, \vec{j})$

 $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ الحسب $\lim_{x \to -\infty} f(x)$ الحسب (1)

$$f(x) = \frac{1}{2}(x+1) + \frac{1-3x}{2(2x^2-2x+1)} : \mathbb{R} \text{ in } x \text{ if } (2)$$

ب) استتتج أنّ المنحنى (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) يُطلب تعيين معادلمة له.

 $\left(\Delta
ight)$ و $\left(C_{f}
ight)$ ادر س الوضع النسبي للمنحنى

.
$$f$$
 الله من أجل كل x من f : $f'(x) = \frac{x \cdot g(x)}{(2x^2 - 2x + 1)^2}$ بين أنّه من أجل كل f مشتقة الدالة f

 $(f(\alpha) \approx -0.1)$. f المنتتج إشارة f'(x) مسب قيم f'(x) شكّل جدول تغيّرات الدالة بالمادة والمادة والمادة بالمادة المادة المادة والمادة المادة ا

f(x)=0 المعادلة (1) أم حل في \mathbb{R} أحسب (4)

 $\cdot (C_f)$ أنشئ المستقيم (Δ) و المنحنى (5

$$h(x) = \frac{x^3 - 4x^2 + 2x - 1}{2x^2 - 2x + 1}$$
 کما یلی: \mathbb{R} کما یلی (6

. و المعلم البياني في المعلم السابق (C_h)

 $h(x) = f(x) - 2 : \mathbb{R}$ من $f(x) = f(x) + 2 : \mathbb{R}$ اُلَة من أجل كل f(x) = 1

 (C_h) بتحویل نقطی بسیط یطلب تعیینه، ثم أنشئ (C_f) بتحویل نقطی بسیط یطلب تعیینه، ثم أنشئ (C_h)

مة	العلا	Table alie	(t.\$11 c 11)
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	(الموضوع الأول)
		2	التمرين الأول: (04 نقاط)
	0,50	ين $\left(V_{n} ight)$ متتالية هندسية $V_{n+1}=rac{2}{3}V_{n}$	0
	0,50	$v_0 = 5$	أساسها $q = \frac{2}{3}$ و حدّها الأوّل
	$0,50\times2$	$u_n = 5\left(\frac{2}{3}\right)^n - 4 \text{g} V_n = 5\left(\frac{2}{3}\right)^n$	، $\mathbb N$ من أجل كل n من (2
04	0,50	. $u_{n+1} - u_n < 0$ و منه $u_{n+1} - u_n = 5\left(\frac{2}{3}\right)^n \left(-\frac{1}{3}\right)$	
	**************************************	***************************************	إذن (u_n) متالية متاقصة تم
	0,50	$S_n = 15 \left(1 \right)$	$-\left(\frac{2}{3}\right)^{n+1}$ $-4(n+1)$ (4
	0,50	\mathbb{N} من أجل كل n من N ، N من $W_{n+1}-W_n>0$ أ) من أجل كل n من N من أجل كل الله من N	
	0,50	\cdot ($\lim_{n \to +\infty} \left(\frac{2}{3}\right)^n = 0$ ڏڻ	$\lim_{n\to+\infty} (u_n - w_n) = 0 \ (\hookrightarrow$
	0,75		التمرين الثاني: (05 نقاط)
		C غير مرتبطين خطيا إذن \overrightarrow{AC} و \overrightarrow{AC} غير مرتبطين خطيا إذن \overrightarrow{AB} ؛ \overrightarrow{AC}	$(0;1)$, $\overrightarrow{AB}(-3;3;0)$ (1)
			تعیّن مستویا (<i>ABC</i>).
	01	ين $\overrightarrow{n} \perp \overrightarrow{AB}$ و منه $\overrightarrow{n} \perp \overrightarrow{AB}$ أن $\overrightarrow{n} \perp \overrightarrow{AB}$ إن \overrightarrow{n} أن \overrightarrow{n} أن	$\overrightarrow{AC} = 0$ $\overrightarrow{n}.\overrightarrow{AB} = 0$ (ب
			(ABC) ناظمي للمستوي
	0,50	(ABo	$C): x + y + z + d = 0 (\Rightarrow$
05		(ABC): x+y+z-2=0 أي: d	$=-2$ و منه: $A \in (ABC)$
	01	$.$ $G\!\!\left(-rac{1}{2};2;rac{1}{2} ight)$ الإن \overrightarrow{OG} :	$=\frac{\overrightarrow{OA}+2\overrightarrow{OB}-\overrightarrow{OC}}{2} \text{ (f (2))}$
	0,50	هو المستوي المحوري للقطعة $[GD]$. اإذن Γ	$=MD$ معناه $M\in(\Gamma)$ (ب
	0,50	$\cdot (\Gamma)$:	6x - 4y + 2z + 3 = 0 (=
		$\overline{n}(1;1;1)$ ناظمي لــ (Γ) . (Γ) شعاع ناظمي للمستوي	لیکن $\vec{u}(6;-4;2)$ شعاع (3
	0,25	$(\hat{\Delta})$ و $(\hat{\Delta})$ متقاطعان و فق مستقیم $(\hat{\Delta})$.	→ →

امة ا	العلا	عناصر الإجابة	(الموضوع الأول)
مجموع	مجزأة		(الموصوع الأون)
	0,50	أو أي تمثيل آخر $ \begin{cases} x = 3t + \frac{1}{2} \\ y = 2t + \frac{3}{2} \\ z = -5t \end{cases} (t \in \mathbb{R}) $	
		نقاط)	التمرين الثالث: (05 ن
	0,75	$z'' = 3\sqrt{2}(1-i) = \overline{z'}$ $z' = 3\sqrt{2}(1+i)$	$\Delta = \left(6\sqrt{2}i\right)^2 (1)$
	0,75	$.(1+i)z_A = 6\sqrt{2}e^{i\frac{\pi}{2}} . z_B = z = 6e^{-i\frac{\pi}{4}}$ of z_A	
	0,50		$=e^{i1007\pi}=-1$ (φ
05	01	ين النقط C ، B ، A ، O انتمي إلى نفس $DO=DA=DO$	· ·
		I و نصف قطرها $2\sqrt{2}$ و نصف قطرها I	
	0,75	$(\overrightarrow{CA};\overrightarrow{CB})=rg\left(rac{Z_B-Z_C}{Z_A-Z_C} ight)=rac{Z_C}{Z_A}$ و متساوي الساقين $CA=CB$ والنقطة D منتصف القطعة $CA=CB$ و كذلك منتصف القطعة D لأنّ D لأنّ D مربع.	المثلث ACB قائم في
	0, 25	z'=iz:R الدوران	3) أ) العبارة المركبة ا
	0,50	و منه $\overline{C'A}$ مرتبطان خطیا $z_{\overline{AC}}=3\sqrt{2}(1-i)=z_{\overline{C'A}}$	$z_{C'} = 6\sqrt{2}i (\psi$
	0,50	المربع) الدوران R هو الرباعي (المربع) الدوران R المربع $R(B)=A$ و $R(C)=C'$ ، $R(A)=A'$ ، $R(O)=C$	
	0, 25	,	<u>التمرين الرابع: (06</u>
	×	(C_f) المستقيم ذو المعادلة $X=0$ هو مستقيم مقارب للمنحنى ا (C_f) .	$f(x) = -\infty (1)$
	4	(C_f) ـــنقيم ذو المعادلة y هو مستقيم مقارب الـــ (C_f) .	· O
02,75	0,50	. $f'(x) = \frac{2}{x^2} (1 - \ln x)$ ($0; +\infty$	ب) من أجل كل X مز
	0, 25	0 + e - +∞	
	0, 25	$[e,+\infty]$ و متناقصة تماما على $[e,+\infty]$	* *
	0,25		- جدول تغيرات
	0,50	$0 - 1 + + \infty$ و منه إشارة $f(x)-1$ هي: $f(x)$	

العلامة		The Manager	(الموضوع الأول)	
مجموع	مجزأة	وع الأول) عناصر الإجابة		
	0,25	(Δ) أسفل (Δ) ، من أجل X من $[1;+\infty[$ أعلى (Δ) أعلى (C_f) . $A(1;1)$	$]0;1[$ من أجل x من (C_f) من أجل فو	
	0,25	$(T): y = 2x - 1 $ (φ		
	0,75	$\lim_{x \stackrel{>}{\longrightarrow} 0} f(x) = -\infty$ و 0 ; 0 ; 0 ; 0 ; 0 متز ايدة نماما على المجال 0 المجال 0 المعادلة 0 خسب مبر هنة القيم المتوسطة فإنّ المعادلة 0 0 ; 0 نقبل حلا 0 : 0 : 0 : 0 : 0 : 0 : 0 : 0 :	و $0>1>0$ ؛ لإن $f(1)=1>0$ ؛ لإن وحيدا α في المجال 1	
	0,50		(T) إنشاء المماس (3)	
03,25	0,50	(4) أ) من أجل كل x من $(C_h) = 0$ ، $(A - x) = 0$ ، و منه $(A - x) = 0$ دالة زوجية أو $(A - x) = 0$ ، محور تناظر لـــ $(A - x) = 0$.		
00,20	0,50	(C_f) و منه (C_h) ينطبق على $h(x)$ = $f(x)$ ، (yy') بالنسبة إلى (C_f) هو نظير (C_f) بالنسبة إلى (C_h)	وفي المجال]0;∞-[(
	0,50	ا للمعادلة 4 حلول.	تقاطع المنحنى (C_h) و (C_h) و المعادلة $m \le 0$ للمعادلة $0 < m < 1 + \frac{2}{e}$ المعادلة $m = 1 + \frac{2}{e}$ للمعادلة و المعادلة و	

العلامة		7.1. NH -1*-	(yén - · n)
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	(الموضوع الثاني)
04	0,75	$q\!=\!e^{-1}$ انن $\left(u_{_{n}} ight)$ منتالية هندسية أساسها $u_{n\!+\!1}\!=\!e^{-1}.u_{_{n}}$. ا	التمرین الأول: (04 نقاط) التمرین الأول: (14 نقاط) (1 (I من أجل كل n من $u_0 = \sqrt{e}$ الأوّل $u_0 = \sqrt{e}$
	0,75		$\lim_{n \to +\infty} u_n = 0$ (2) نستنج أنّ
	0,50	•	$S_n = \sqrt{e} \left(\frac{1 - e^{-n - 1}}{1 - e^{-1}} \right) $ (3)
	0,50	$V_{n+1} = V_n - 1$ ، اب من $v_n = \frac{1}{2} - n$ و من أجل كل $v_n = \frac{1}{2} - n$ و من أجل كل $v_n = \frac{1}{2} - n$	
	0,50	$v_0=rac{1}{2}$ وحدّها الأولّ $r=-1$	إذن $\left(V_{n} ight)$ متتالية حسابية أسا
	0,50	$.P_{n} = \frac{1-n^{2}}{2} \text{ if } P_{n} = v_{0} + v_{1} + v_{2} + \dots + v_{n} = \frac{1-n^{2}}{2} $	
	0.50		$1>0$ أي $P_n+4n>0$ (ب
	0,50	. $n \in \{0,1,2,3,4,5,6,7,8\}$ أي $n \in \{0,1,2,3,4,5,6,7,8\}$	\mathbb{N} و بالتالي: $n \in [0;8]$ و
	0,75	C عير مرتبطين خطيا إذن \overrightarrow{AC} و \overrightarrow{AC} عير مرتبطين خطيا إذن	التمرين الثاني: (05 نقاط) (2)، $\overrightarrow{AB}(0;-1;-1)$ (أ) (1
			ايست في إستقامية.
	0,75	هو: $egin{cases} x=1+eta\ y=-1-lpha+eta\ z=-2-lpha+2eta \end{cases}$ أو أي تمثيل $egin{cases} ABC\ z=-2-lpha+2eta \end{cases}$	ب) تمثيل وسيطي للمستوي (
	0,75	. x + y - z - 2 = 0 هي: (ABC)	 ج) التحقق أنّ معدلة للمستو
	0,25	(Q) او $\overline{u_2}(3;2;-1)$ شعاع ناظمي لے (P) .	معاع ناظ $\overrightarrow{u_1}(1;-1;-2)$ (2
05		(Δ) يثقاطعان وفق مستقيم (P) يرتقاطعان وفق مستقيم	
	0,75	$. egin{cases} x = t - 3 \ y = -t \ z = 1 + t \end{cases} (t \in \mathbb{R}) :$ هو: (Δ)	- إثبات أنّ تمثيلا وسيطيا لــــــــــــــــــــــــــــــــــــ
	0,75	. $(t = -6) \cdot (ABC) \cap (P) \cap (Q) = \{E(-9; 6; -6)\}$	(3) تقاطع المستويات : (5-
	0,50	$ x - y - 2z + 5 = 3x + 2y - z + 10 $ أي $\sqrt{6} \times d(M, (P))$	
		(D)	$(\Gamma) = (P_1) \cup (P_2)$ عيث:
	0,50	$(P_2): 4x + y - 3z + 15 = 0$ $(P_2): 4x + y - 3z + 15 = 0$	(2x + 3y + z + 5 = 0)

مة	العلا	7 4 504 40	(mich - th
مجموع	مجزأة	عناصر الإجابة	(الموضوع الثاني)
			التمرين الثالث: (04 نقاط)
	0,25	$z=i$ و منه. $(z^2-2z+5=0)$	ا المعدلة تعني $(z-i)=0$ أو
	0,75	z'' = 1 - 2	$i \cdot z' = 1 + 2i \cdot \Delta = (4i)^2$
	0,75		2) أ) إنشاء النقط B ، A و C
	0,25		$z_H = 1 + i$ (ب
04	0,50	$\mathcal{A} = 2 cm^2$	ج) مساحة المثلث ABC هي:
	0,50	$z' = \frac{1}{2}iz + \frac{1}{2} + i$:	S أ) الكتابة المركبة لـ S هي
	0,50	$\mathscr{A}' = \frac{1}{4} \times 2 = \frac{1}{2} cm^2$ شابه S هي:	ب) مساحة صورة ABC بالد
	0,50	[OD] ومنه مجموعة النقط هي محور القطعة $ z = z+2 $	-iا أي $ z = iz+1+2i $ (4 $D(-2;1)$
	0.50		التمرين الرابع: (07 نقاط)
	0,50	$\lim_{x\to+\infty}g(x)=+\infty$	$\lim_{x\to-\infty}g(x)=-\infty \text{ (i (1)}$
	0,75	، $\mathbb R$ من أجل كل x من $g'(x) = 6x^2 - 8x + 7$	
02		ة تماما على ${\mathbb R}$. جدول تغيّرات الدالة g .	
	0,50	یا علی $g(0,8) \simeq 0.06$ و $g(0,7) \simeq -0.37$ إذن	- ' '
		عادلة $g(x)=0$ تقبل حلا وحيدا α حيث: $g(x)=0$	
	0,25	$-\infty$ $ \oplus$ $+$ $+\infty$ $:$ $g(x)$ ب $g(x)$ ب $g(x)$	
	0,50	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$	$\lim_{x \to -\infty} f(x) = -\infty \text{ (1 (II)}$
05	0,50	. $f(x) = \frac{1}{2}(x+1) + \frac{1-3x}{2(2x^2-2x+1)}$ ، \mathbb{R} من	X أ) برهان أنّ من أجل كل X
	0,50	$\lim_{x \to +\infty} \left[f(x) - \frac{1}{2}(x+1) \right] = 0 \lim_{x \to -\infty} \left[\int_{0}^{\infty} \frac{1}{x} dx dx \right]$	
		$y = \frac{1}{2}(x+1) : (\Delta)$ مقاربا مائلا	إن المنحى $\left(C_f ight)$ يقبل مستقيما
		، \mathbb{R} من أجل كل x من أجل $f(x) - \frac{1}{2}(x)$ $-\infty + 0 - + \infty$	$(x+1) = \frac{1-3x}{2(2x^2-2x+1)}$ (2
	0.50		
	0,50	ن (C_f) أعلى Δ) و إذا كان X ينتمي إلى $= \frac{1}{3};+\infty$ فإن $= \frac{1}{3};+\infty$	
		$A\left(rac{1}{3};rac{2}{3} ight)$ في Δ	السفل $\left(C_f ight)$ و $\left(C_f ight)$ يقط $\left(C_f ight)$

0,50	. $f'(x) = \frac{x \cdot g(x)}{(2x^2 - 2x + 1)^2}$ ، \mathbb{R} من أجل كل x من أجل كل (أ (3
0,25	$-\!$
	x - ∞ α : f الدالة α : α $+\infty$
0,25	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	$f(x) \qquad \qquad 1 \qquad \qquad \uparrow^{\infty}$
0,25	f(1) = 0 (4)
	$(x-1)(x^2+x-1)=0$ يعني $f(x)=0$ يعني $f(x)=0$
0,50	و بالتالي $x = 0 = 1 - x$ أو $x = 0 + x - 1 = 0$ حلول المعادلة هي: $-1 + \sqrt{5}$
	$x_2 = \frac{-1 + \sqrt{5}}{2}$, $x_1 = \frac{-1 - \sqrt{5}}{2}$, $x_0 = 1$
0, 50	$\left(C_f ight)$ و المنحنى $\left(\Delta ight)$
0,25	$h(x)=f(x)-2$ ، $\mathbb R$ من $f(x)=x$ التحقق من: من أجل كل $f(x)$
0,25	$\stackrel{ ightarrow}{v}(0;-2)$ هو صورهٔ $\left(C_f ight)$ بالانسحاب الذي شعاعه $\left(C_h ight)$ (ب
0,25	. في المعلم السابق (C_h) في المعلم السابق